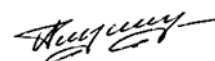


МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)

УТВЕРЖДАЮ
Заведующий кафедрой
уравнений в частных производных
и теории вероятностей



А.В. Глушко

25.05.2023г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.О.26 Универсальные математические пакеты

1. Код и наименование направления: 01.03.01 Математика
2. Профиль подготовки: Дифференциальные уравнения, динамические системы и оптимальное управление
3. Квалификация выпускника: Бакалавр.
4. Форма обучения: Очная
5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины: Кафедра уравнений в частных производных и теории вероятностей математического факультета
6. Составители программы: Садчиков Павел Валерьевич, кандидат физико-математических наук, доцент
7. Рекомендована: Научно-методическим советом математического факультета
Протокол № 0500-06 от 25.05.2023
8. Учебный год: 2026/ 2027 Семестр(ы): 7

9. Цели и задачи учебной дисциплины

Целями освоения учебной дисциплины являются:

- получение студентами теоретических знаний и практических навыков работы с современными пакетами прикладных математических программ для освоения методов решения задач математического моделирования физических процессов;
- формирование математической культуры студентов.

Задачи учебной дисциплины:

- изучение основ работы с современными пакетами прикладных математических программ;
- овладение навыками решения задач алгебры и математического анализа
- овладение навыками решения задач для дифференциальных уравнений и уравнений с частными производными численными методами.

10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:

Дисциплина «Универсальные математические пакеты» к обязательной части Блока 1.

Для его успешного освоения необходимы знания и умения, приобретенные в результате обучения по предшествующим дисциплинам: «Математический анализ», «Алгебра», «Технология программирования и работа на ЭВМ», «Дифференциальные уравнения», «Уравнения с частными производными».

Студент должен свободно владеть математическим анализом, теорией рядов, теорией функций комплексной переменной, элементами линейной алгебры, обладать полными знаниями курса обыкновенных дифференциальных уравнений, технологией программирования и работой на ЭВМ.

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями) и индикаторами их достижения:

Код	Название компетенции	Код(ы)	Индикатор(ы)	Планируемые результаты обучения
ОПК-4	Способен решать задачи профессиональной деятельности с использованием существующих информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности	ОПК-4.1.	Осуществляет сбор научной информации, готовит обзоры, аннотации, составляет рефераты, отчеты, библиографии	Знать: методы сбора научной информации. Уметь: осуществлять сбор необходимой информации в библиотеке и интернете, составлять рефераты и научные отчеты, а также библиографические списки с помощью новых информационных технологий. Владеть навыками работы с компьютером, интернетом и современными программными средствами
		ОПК-4.3.	Применяет навыки информационно-коммуникационных технологий для создания и обработки информации	Знать: основные информационно-коммуникационные технологии. Уметь: применять информационно-коммуникационные технологии для решения математических. и обработки информации. Владеть: навыками применения информационно-коммуникационных технологий для создания и обработки информации
ОПК-5	Способен разрабатывать алгоритмы и компьютерные программы, пригодные для практического	ОПК-5.1	Использует основные принципы алгоритмизации задач в рамках профессиональной деятельности и	Знать: основные принципы алгоритмизации задач в рамках профессиональной деятельности Уметь: строить алгоритмы программ для решения математических задач в рамках профессиональной деятельности. Владеть методами разработки компьютерных

	применения		разработки компьютерных программ	программ
		ОПК-5.2	Проводит тестирование и отладку компьютерных программ с целью апробации разработанных моделей и алгоритмов	Знать: принципы работы компьютерных систем. Уметь: тестировать программы по построенным алгоритмам и сконструированным математическим моделям. Владеть: навыками тестирования и отладки компьютерных программ с целью апробации разработанных моделей и алгоритмов в математических моделях

12. Объем дисциплины в зачетных единицах/час. — 2 / 72 .

Форма промежуточной аттестации: Зачет – 7 семестр

13. Трудоемкость по видам учебной работы

Вид учебной работы		Трудоемкость	
		Всего	По семестрам
			7 семестр
Контактная работа		28	28
в том числе:	лекции	-	-
	практические	-	-
	лабораторные	28	28
	курсовая работа	-	-
Самостоятельная работа		44	44
Промежуточная аттестация		-	-
Итого:		72	72

13.1. Содержание дисциплины

п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК *
1. Лабораторные занятия			
1.1	Основные программы символьной математики	Mathematica, Maple, альтернативные пакеты (Maxima, Octave, Derive 6), MatLab, MathCad.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=11927
1.2	Основные характеристики программы Maxima, операции математического анализа.	Основные характеристики программы Maxima, интерфейс программы Maxima, численные вычисления, упрощение выражений, тригонометрические преобразования.	
		Простейшие операции математического анализа: вычисление пределов, дифференцирование и интегрирование в Maxima.	
		Числовые ряды. Представление числовых рядов в Maxima.	
1.3	Решение алгебраических	Матричные вычисления. Определители.	

	уравнений и систем в Maxima. Матричные вычисления.	Решение алгебраических уравнений в Maxima. Решение систем алгебраических уравнений.
1.4	Дифференциальные уравнения в Maxima Графические возможности Maxima. Обработка данных	Обыкновенные дифференциальные уравнения, задача Коши.
		Построение графиков: двумерного и трехмерного изображений, опции графики в Maxima. Обработка данных в Maxima.
1.5	Приближенные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка в Maxima.	Метод Эйлера
		Метод Эйлера-Коши, Рунге-Кутта 4 порядка точности
1.6	Решение краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений методом конечных разностей.	Метод конечных разностей. решения краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений
1.7	Метод сеток решения дифференциальных уравнений в частных производных	Метод сеток решения дифференциальных уравнений в частных производных
		Численное решение дифференциальных уравнений в частных производных

13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

№ п/п	Наименование темы (раздела) дисциплины	Виды занятий (часов)				
		Лекции	Практические	Лабораторные	Самостоятельная работа	Всего
1	Основные программы символьной математики			4	2	6
2	Основные характеристики программы Maxima, операции математического анализа			4	6	10
3	Решение алгебраических уравнений и систем в Maxima. Матричные вычисления.			4	4	8
4	Дифференциальные уравнения в Maxima Графические возможности Maxima. Обработка данных			4	8	12
5	Приближенные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка в Maxima			4	8	12
6	Решение краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений методом			4	8	12

	конечных разностей					
7	Метод сеток решения дифференциальных уравнений в частных производных			4	8	12
	Итого:			28	40	72

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины:

В процессе преподавания дисциплины используются такие виды учебной работы, как лабораторные занятия, а также различные виды самостоятельной работы обучающихся. Лабораторные занятия реализуются в соответствии с рабочим учебным планом при последовательном изучении дисциплины.

Для обеспечения систематической и регулярной работы по изучению дисциплины и успешного прохождения текущих и промежуточных аттестационных испытаний студенту рекомендуется:

1. Выполнять все виды работ, предусмотренных рабочим учебным планом по дисциплине.

2. Выполнять домашние задания. Выполнение домашних заданий направлено на отработку навыков использования средств и возможностей изучаемых компьютерных программ. При выполнении задания необходимо привести развернутые пояснения выполнения задания, проанализировать полученные результаты. При необходимости обучающиеся имеют возможность задать вопросы преподавателю и разрешить возникшие трудности.

3. Посещать аудиторные лабораторные занятия.

4. Сдать лабораторные работы по изученным темам. При подготовке и сдачи лабораторных работ рекомендуется использование учебной и учебно-методической литературы. По всем темам представляются распечатанные материалы, которые используются в работе, как в лаборатории, так и при выполнении домашних заданий. В связи с тем, что активность обучающегося на лабораторных занятиях является предметом контроля его продвижения в освоении курса, то подготовка к таким занятиям требует ответственного отношения.

5. Выбрать время для работы с литературой по дисциплине в библиотеке и самостоятельной работе в компьютерном классе.

6. Кроме обычного курса в системе «Электронный университет», все необходимые для усвоения курса материалы размещены также на кафедральном сайте <http://www.kuchp.ru>

Освоение дисциплины предполагает не только обязательное посещение обучающимся аудиторных занятий (лабораторных занятий) и активную работу на них, но и самостоятельную учебную деятельность в семестрах, на которую отводится 40 часов.

Самостоятельная учебная деятельность студентов по дисциплине предполагает изучение рекомендуемой преподавателем литературы по вопросам лабораторных занятий (приведены выше), самостоятельное освоение понятийного аппарата и подготовку к текущим аттестациям (контрольным работам и выполнению лабораторных работ) (примеры см. ниже).

Вопросы лабораторных занятий обсуждаются на занятиях. При подготовке к лабораторным занятиям обучающимся важно помнить, что их задача, отвечая на основные вопросы плана занятия и дополнительные вопросы преподавателя, показать свои знания и кругозор, умение логически построить ответ, владение математическим аппаратом и иные коммуникативные навыки, умение отстаивать свою профессиональную позицию. В ходе устного опроса выявляются детали, которые по каким-то причинам оказались недостаточно осмысленными студентами в ходе учебных занятий. Тем самым опрос выполняет важнейшие обучающую, развивающую и корректирующую функции,

позволяет студентам учесть недоработки и избежать их при подготовке к промежуточным аттестациям (7 семестр – зачет)

Все выполняемые студентами самостоятельно задания (выполнение контрольной работы и домашних заданий) подлежат последующей проверке преподавателем. Результаты текущих аттестаций учитываются преподавателем при проведении промежуточной аттестации (7 семестр – зачет).

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины

а) основная литература:

№ п/п	Источник
1	Символьные вычисления в системе компьютерной математики Maxima [Электронный ресурс] : учебное пособие для вузов : [для студ., обуч. по направлениям 01.03.01 Математика, 02.03.01 Математика и компьютерные науки, 01.03.04 Прикладная математика и по специальности 01.05.01 Фундаментальная математика и механика] : [для 2-5 к. очной формы обучения мат. фак.] / Воронеж. гос. ун-т ; сост.: С.А. Ткачева, Л.В. Безручкина, П.В. Садчиков .— Электрон. текстовые дан. — Воронеж, 2015 .— Загл. с титула экрана .— Свободный доступ из интрасети ВГУ .— Текстовый файл .— Windows 2000 ; Adobe Acrobat Reader .— <URL: http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m15-268.pdf >.

б) дополнительная литература:

№ п/п	Источник
1	Системы Символьной Математики. Построение вычислений, работа с пакетами приложений : учебно-методическое пособие для вузов / Воронеж. гос. ун-т ; сост.: В.П. Глушко , П.В. Садчиков , С.А. Ткачева .— Воронеж : Воронеж. гос. ун-т, 2008 .— 52 с. : ил. — Библиогр.: с.52. <URL: http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m09-132.pdf >

в) информационные электронно-образовательные ресурсы:

№ п/п	Источник
1	Mathematica (http:// www.wolfram.com/)
2	Maple 9 Learning Guide.Toronto: Maple Soft,a division of Waterloo Maple Inc., 2003. (http:// www.maplesoft.com/)
3	Maxima (http:// www.maxima.sourceforge.net/)
4	http://eqworld.ipmnet.ru – интернет-портал, посвященный уравнениям и методам их решений
5	http://www.lib.vsu.ru - электронный каталог ЗНБ ВГУ
6	ЭБС «Университетская библиотека онлайн»
7	Электронный курс Курс: Универсальные математические пакеты копия 1 (vsu.ru)

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы

№ п/п	Источник
1	Символьные вычисления в системах компьютерной математики : учебно-методическое пособие / сост. : С. А. Ткачева, П. В. Садчиков, Л. В. Безручкина .— Воронеж : Издательский дом ВГУ, 2020 .— 70 с. — Тираж 50. 4,1 п.л.

17. Образовательные технологии, используемые при реализации учебной дисциплины, включая дистанционные образовательные технологии (ДОТ, электронное обучение (ЭО), смешанное обучение):

При реализации дисциплины используются следующие образовательные технологии: логическое построение дисциплины, установление межпредметных связей, обозначение теоретического и практического компонентов в учебном материале, актуализация личного и учебно-профессионального опыта обучающихся, включение элементов дистанционных образовательных технологий.

Дисциплина может реализовываться с применением дистанционных образовательных технологий, например, на платформе «Электронный университет ВГУ» (<https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=11927>).

Перечень необходимого программного обеспечения: операционная система Windows или Linux, Microsoft, Windows Office, Maxima, LibreOffice 5, Calc, Math, браузер Mozilla Firefox, Opera или Internet.

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

Специализированная мебель, маркерная доска, персональные компьютеры
Компьютерный класс
(394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, пом. I)

Ubuntu (бесплатное и/или свободное ПО, лицензия: <https://ubuntu.com/download/desktop>);

Maxima (GNU General Public License (GPL), бесплатное и/или свободное ПО, лицензия: <http://maxima.sourceforge.net/faq.html>).

19. Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестаций

Порядок оценки освоения обучающимися учебного материала определяется содержанием следующих разделов дисциплины:

№ п/п	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Компетенция(и)	Индикатор(ы) достижения компетенции	Оценочные средства
1	Основные программы символьной математики	ОПК-4	ОПК-4.1, ОПК - 4.3	Лабораторные работы
2	Основные характеристики программы Maxima, операции математического анализа	ОПК-4	ОПК-4.1, ОПК - 4.3	Лабораторные работы
3	Решение алгебраических уравнений и систем в Maxima. Матричные вычисления.	ОПК-4	ОПК-4.1, ОПК - 4.3	Лабораторные работы
4	Дифференциальные уравнения в Maxima Графические возможности Maxima. Обработка данных	ОПК-4	ОПК-4.1, ОПК - 4.3	Лабораторные работы. Контрольная работа
5	Приближенные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка в Maxima.	ОПК-5	ОПК -5.1, ОПК-5.2	Лабораторные работы
6	Решение краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений методом конечных разностей.	ОПК-5	ОПК -5.1, ОПК-5.2	Лабораторные работы

7	Метод сеток решения дифференциальных уравнений в частных производных	ОПК-5	ОПК -5.1, ОПК-5.2	Лабораторные работы
Промежуточная аттестация Форма контроля - зачет				Перечень вопросов и заданий к зачету

20. Типовые оценочные средства и методические материалы, определяющие процедуры оценивания

20.1. Текущий контроль успеваемости

Контроль успеваемости по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

Примерный перечень задач для лабораторных работ:

1. Вычислите первую производную функции в пакете Maxima

$$y = \frac{1}{6}x^6 - \frac{2}{5}x^5 + \frac{5}{3}x^3 + 2x + 7.$$

2. Решите следующую систему уравнений матричным способом

$$\begin{cases} 3x - 2y + 4z = 2 \\ 3x - y + 3z = 1 \\ x + 3y - 2z = 0 \end{cases}.$$

3. Найдите $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\sin^2 x}{1 + \cos^3 x}$ (в пакете Maxima).

4. Решить дифференциальное уравнение в пакете Maxima:

$$y'' - y' - 2y = 0.$$

5. Вычислите $\int \frac{x dx}{(x-1)(x+1)^2}$ (в пакете Maxima).

6. Вычислите произведение матриц (в пакете Maxima) A, B и B.A, где

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 3 & 0 \\ 2 & 1 & -4 \\ 7 & -2 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -2 & 3 & 1 \\ 2 & 8 & -2 \\ 6 & -7 & 4 \end{pmatrix}$$

7. Разложить в ряд Тейлора следующие функции

1. $\sin^2 x$

2. $\ln(2 + x)$

Примерный перечень задач для контрольной работы:

1. Решить дифференциальные уравнения: а) $xy' - y = y^3$; б) $y' + \frac{y}{x} = -xy^2$; в)

$y'' - y' - 2y = 0$

2. Найти частные решения уравнений, удовлетворяющие указанным начальным условиям:

а) $(1+e^x)y \cdot y' = e^x$; $y=1$ при $x=0$; б) $y'' + 4y' = 12x^2 - 2x + 2$; $y=0$, $y' = 0$ при $x=0$, построить графики решений.

3. Найти значение всех корней уравнения: а) $x^5 - 1 = 0$; б) найти приближенной $\cos x$ в окрестности точки $x=1$ с точностью до 0,001.

4. Разложить в ряд Тейлора следующие функции: а) $\sin(x + \frac{\pi}{4})$; б) e^{x^2} .

Текущий контроль представляет собой проверку усвоения учебного материала теоретического и практического характера, регулярно осуществляемую на занятиях.

Цель текущего контроля: определение уровня сформированности профессиональных компетенций, знаний и навыков деятельности в области знаний, излагаемых в курсе.

Задачи текущего контроля: провести оценивание

1. уровня освоения теоретических и практических понятий, научных основ профессиональной деятельности;

2. степени готовности обучающегося применять теоретические и практические знания и профессионально значимую информацию, сформированности когнитивных умений.

3. приобретенных умений, профессионально значимых для профессиональной деятельности.

Текущий контроль предназначен для проверки хода и качества формирования компетенций, стимулирования учебной работы обучаемых и совершенствования методики освоения новых знаний. Он обеспечивается проведением лабораторных работ и контрольной работы.

В ходе контрольной работы обучающемуся выдается КИМ с практическим перечнем из четырех заданий и предлагается решить данные задания в программе Maxima. В ходе выполнения заданий можно пользоваться любой литературой, ограничение по времени 90 минут.

Если текущая аттестация проводится в дистанционном формате, то обучающийся должен иметь компьютер и доступ в систему «Электронный университет». Если у обучающегося отсутствует необходимое оборудование или доступ в систему, то он обязан сообщить преподавателю об этом за 2 рабочих дня. На контрольную работу в дистанционном режиме отводится ограничение по времени 90 минут

При текущем контроле уровень освоения учебной дисциплины и степень сформированности компетенции определяются оценками «зачтено» и «не зачтено», которые формируются следующим образом:

Контрольная работа – по баллу за каждую правильно решенную из 1,3,4 задач контрольной работы, 2 балла за решенную вторую задачу. При получении не менее 4 баллов выставляется оценка «зачтено».

20.2. Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

Перечень теоретических вопросов:

1. Численные вычисления, упрощение выражений, тригонометрические преобразования в Maxima

2. Вычисление пределов, дифференцирование и интегрирование в Maxima

3. Числовые ряды Представление числовых рядов в Maxima

4. Решение алгебраических уравнений в Maxima

5. Матричные вычисления. Определители. Решение систем алгебраических уравнений

6. Дифференциальные уравнения в Maxima

7. Графические возможности Maxima. Обработка данных

8. Метод Эйлера
9. Метод Эйлера-Коши
10. Метод Рунге–Кутта 4 порядка точности
11. Метод конечных разностей решения краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений
12. Метод сеток решения дифференциальных уравнений в частных производных

Перечень практических заданий:

1. Решить задачу Коши для дифференциального уравнения $y' = f(x, y)$ на отрезке $[a, b]$, при заданном начальном условии $y(a) = c$ с шагом h : Методом Эйлера, методом Эйлера-Коши, методом Рунге-Кутта 4 порядка, найти величину погрешности в каждом случае, построить графики решений и сравнить приближенные решения с точным решением. Какой из методов дает более точное приближение?

1. $y' = 5x + 2\cos(y + 2.6)$, $y(0) = 1.5$, $[0, 1]$;
2. $y' = \frac{xy}{x^2 + y^2}$, $y(0) = 1$, $[0, 1]$;
3. $y' = 3e^x + 2y$, $y(0.3) = 1.415$, $[0.3; 0.6]$;
4. $y' = x^2 + y^2$, $y(0) = 0.27$, $[0, 1]$;
5. $y' = x^2 - xy + y^2$, $y(0) = 0.1$, $[0, 1]$;
6. $y' = x + \sin \frac{y}{3}$, $y(0) = 1$, $[0, 2]$;
7. $y' = 5 - 2\sin(y + x)^2$, $y(0) = 1.5$, $[0, 1]$;
8. $y' = \frac{2y - x}{y}$, $y(1) = 2$, $[1, 2]$;
9. $y' = 2x + \cos y$, $y(0) = 0$, $[0, 0.1]$;
10. $y' = x^3 - y$, $y(1) = -1$, $[1, 2]$;
11. $y' = 2x^2 + xy + 3y^2$, $y(0) = 1$, $[0, 1]$;
12. $y' = 2xy + x^2$, $y(0) = 0$, $[0, 0.5]$;
13. $y' = 7 + 2\sin(y - x)$, $y(0) = 1$, $[0, 1]$;
14. $y' = x - \sin \frac{2y}{3}$, $y(0) = 1$, $[0, 2]$;
15. $y' = 2x - y$, $y(0) = -1$, $[0, 0.5]$;

2. Найти решение уравнения $y'' + p(x)y' + q(x)y = f(x)$ на отрезке

$[a, b]$ удовлетворяющего условиям $\begin{cases} \alpha_1 y(a) + \alpha_2 y'(a) = A \\ \beta_1 y(b) + \beta_2 y'(b) = B \end{cases}$,

где $\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2$ - постоянные и $|\alpha_1| + |\alpha_2| \neq 0, |\beta_1| + |\beta_2| \neq 0$.

1. $y'' + y' - xy = 2x^2$, $\begin{cases} y'(0.6) = 0.57 \\ y(0.9) - 0.95y'(0.9) = 3 \end{cases}$
2. $y'' + 2y' + \frac{y}{2x} = 10$, $\begin{cases} y(0.4) = 0.7 \\ y(0.7) - 2y'(0.7) = 3 \end{cases}$

$$3. y'' + xy' + 2y = x - 3, \begin{cases} y(0.9) - 4y'(0.9) = -1 \\ y(1.2) = 3 \end{cases}$$

$$4. y'' + y' - 2xy = x^2, \begin{cases} y(0.6) = 0.5 \\ y(0.9) - 0.5y'(0.9) = 6 \end{cases}$$

$$5. y'' - 2xy' + y = 1, \begin{cases} y(0.85) - 2y'(0.85) = -1 \\ y(1.15) = 2 \end{cases}$$

$$6. y'' + 2y' - \frac{y}{3x} = 9, \begin{cases} y(0.4) = 0.1 \\ y(0.7) - y'(0.7) = -3 \end{cases}$$

$$7. y'' - 3y' + xy = 2.5x^2, \begin{cases} y'(0.5) = 0.6 \\ y(0.8) - 0.8y'(0.8) = 2.5 \end{cases}$$

$$8. y'' + 2y' - xy = x^2, \begin{cases} y'(0.5) = 0.4 \\ y(0.8) - 0.8y'(0.8) = 3.5 \end{cases}$$

$$9. y'' - 0.5y' + 1.5xy = -3x^2, \begin{cases} y'(0.6) = 0.6 \\ y(0.9) - 0.9y'(0.9) = 2 \end{cases}$$

$$10. y'' - 3y' + \frac{y}{x} = 7, \begin{cases} y(0.3) = 0.15 \\ y(0.6) - y'(0.6) = -2.5 \end{cases}$$

Промежуточная аттестация предназначена для определения уровня освоения всего объема учебной дисциплины. Промежуточная аттестация по дисциплине «Универсальные математические пакеты» проводится в форме зачета.

Промежуточная аттестация, как правило, осуществляется в конце семестра. Результаты текущей аттестации обучающегося по решению кафедры могут быть учтены при проведении промежуточной аттестации. При несогласии студента, ему дается возможность пройти промежуточную аттестацию (без учета его текущих аттестаций) на общих основаниях.

При проведении зачета учитываются результаты лабораторных работ и контрольной работы. Зачет проходит в форме индивидуального опроса по перечню вопросов к зачету и выполнения в программе Maxima задач из перечня практических заданий. Для получения оценки «зачтено» на зачете в конце 7 семестра у обучающегося должна иметься оценка «зачтено» по контрольной работе, а также должны быть сданы все лабораторные работы. В противном случае, студент должен ответить на соответствующие дополнительные вопросы в ходе проведения зачета.

Критерии оценивания компетенций	Шкала оценок
<p>«Зачтено» выставляется студенту, который прочно усвоил предусмотренный программный материал; знает основы работы с программой Maxima, правильно выполнил предложенные задания на компьютере.</p> <p>Дополнительным условием получения оценки «зачтено» могут стать хорошие успехи при выполнении самостоятельной и контрольной работы, систематическая активная работа на лабораторных занятиях.</p>	«Зачтено»
«Не зачтено» Выставляется студенту, который не справился с 50%	«Не зачтено»

вопросов и задач. Не может ответить на дополнительные вопросы, предложенные преподавателем.	
---------------------------------------------------------------------------------------------	--

20.3 Фонд оценочных средств сформированности компетенций студентов, рекомендуемый для проведения диагностических работ

ОПК-4 Способен решать задачи профессиональной деятельности с использованием существующих информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности

ОПК-4.1. Осуществляет сбор научной информации, готовит обзоры, аннотации, составляет рефераты, отчеты, библиографии

Знать: методы сбора научной информации.

Уметь: осуществлять сбор необходимой информации в библиотеке и интернете, составлять рефераты и научные отчеты, а также библиографические списки с помощью новых информационных технологий.

Владеть навыками работы с компьютером, интернетом и современными программными средствами

ОПК-4.3. Применяет навыки информационно-коммуникационных технологий для создания и обработки информации

Знать: основные информационно-коммуникационные технологии.

Уметь: применять информационно-коммуникационные технологии для решения математических. и обработки информации.

Владеть: навыками применения информационно-коммуникационных технологий для создания и обработки информации

Задания закрытого типа с выбором ответа(выбор одного варианта ответа, верно/неверно):

- 1 балл – указан верный ответ;
- 0 баллов – указан неверный ответ.

Test1

Символ %e в Maxima используется при

1. вводе значения экспоненты;
2. обозначении процентов;
3. выводе результатов вычислений.

Ответ 1

Test2

Символ (%o1) в Maxima используется при

4. выводе результатов вычислений;
5. обозначении команд, введенных пользователем;
6. вводе специальных символов.

Ответ 1

Test3

Присваивание значения какой-либо переменной в Maxima осуществляется с помощью знака

1. `:` (двоеточие);
2. `=` (равно);
3. `:=` (двоеточие и равно)

Решение Присваивание значения какой-либо переменной осуществляется с помощью знака `:` (двоеточие), а символ `=` (равно) используется при задании уравнений или подстановок, символ `:=` (двоеточие и равно) для выполнения присвоения в выражениях

Ответ 1

Test4

При выполнении операции `diff(cos(x),x,2)` в Maxima выполняется:

1. вычисление производной второго порядка от функции $\cos(x)$;
2. вычисление производной первого порядка от функции $\cos(x)$;
3. вычисление дифференциала от функции $\cos(x)$.

Ответ 1

Test5

Функция построения графика функции $y=\cos(x)$ на отрезке $[-5,5]$ в Maxima задается следующим образом:

1. `plot2d(sin(x), [x,-5,5]);`
2. `[plot_format, gnuplot]$`
3. `plot3d(sin(x), [x,min,max]).`

Ответ 1

Задания открытого типа (ввод числа):

- 2 балла – указан верный ответ;
- 0 баллов – указан неверный ответ.

Test6

Какое значение будет получено в результате выполнения последовательности команд в Maxima:

`(%i1) 10-sqrt(5)$`

`(%i2) sqrt(5)+7$`

`(%i3) %+%o1;`

Ответ:

Test7

Какое значение будет получено в результате выполнения последовательности команд в Maxima;

```
sin(%pi/2)^2$cos(%pi/2)^2%i1+_;
```

Ответ:

1

Test8

Какое значение будет получено в результате выполнения последовательности команд в Maxima;

```
(%i1) f:5*x^2+7*x$
```

```
(%i2) diff(f,x,3);
```

Ответ:

0

Test9

Какое значение будет получено в результате выполнения последовательности команд в Maxima;

```
(%i1) f:5*x^2+7*x$
```

```
(%i2) diff(%,x,2);
```

Ответ:

10

Test10

Какое значение будет получено в результате выполнения последовательности команд в Maxima;

```
(%i1) A:matrix([2,3],[1,2]) $
```

```
(%i2) determinant(%);
```

Ответ:

1

ОПК-5 Способен разрабатывать алгоритмы и компьютерные программы, пригодные для практического применения

ОПК-5.1 Использует основные принципы алгоритмизации задач в рамках профессиональной деятельности и разработки компьютерных программ

Знать: синтаксис и основные алгоритмы программ символьной математики

Уметь: строить алгоритмы программ для решения математических задач с помощью компьютерных технологий

Владеть: навыками нахождения оптимального решения задач алгебры, математического анализа и задач для дифференциальных уравнений в программном пакете

ОПК-5.2 Проводит тестирование и отладку компьютерных программ с целью апробации разработанных моделей и алгоритмов

Знать: принципы работы компьютерных систем

Уметь: тестировать программы по построенным алгоритмам и сконструированным математическим моделям

Владеть: навыками пользования современными программными средствами для решения задач математического анализа, линейной алгебры и математической физики

Задания закрытого типа с выбором ответа(выбор одного варианта ответа, верно/неверно):

Test1

В результате выполнения в Maxima следующего цикла
for i:1 thru m do for j:1 thru n do (arraymake (u, [i,j]), u[i,j]:0)\$

1. будет создан нулевой массив значений $u[i,j]$ размерности $m \times n$;
2. будет создана строка нулевых значений длины m ;
3. будет создан столбец нулевых значений длины n .

Ответ 1

Test2

В результате выполнения в Maxima следующего цикла
for i:1 thru m do (u[i,1]:0, u[i,n]:0)\$

1. первый и **n-ый** столбцы массива $u[i,j]$ получают нулевые значения;
2. все столбцы массива $u[i,j]$ получают нулевые значения;
3. первая и **n-ая** строки массива $u[i,j]$ получают нулевые значения.

Ответ 1

Test3

В результате выполнения в Maxima следующего цикла
x:make_array(flonum, n)\$

1. будет сформирован пустой одномерный массив размера **n**;
2. будут сформированы **n** пустых одномерных массивов;
3. будет сформирован строковый массив размера **n**

Ответ 1

Test4

В результате выполнения в Maxima следующей команды
wxplot3d(f, [x,1,m], [y,1,n], [plot_format,gnuplot])\$

1. будет построен график функции двух переменных **f**;

2. будет построен график функции одной переменной f ;

3. будет построен график функции трех переменных f .

Ответ 1

Test5

В результате выполнения в Maxima следующего цикла цикл с параметром h
for i: 2 thru n step 1 do (x[i]:x[i-1]+h)\$

1. заполняется массив x n значений, начиная с $x[2]$ с шагом h ;

2. заполняется массив x n значений, начиная с $x[1]$ с шагом h ;

3. заполняется массив x n значений, начиная с $x[0]$ с шагом h .

Ответ 1

Задания открытого типа (короткий текст):

- 2 балла – указан верный ответ;
- 0 баллов – указан неверный ответ.

Test6

Для нахождения в Maxima неопределенного интеграла **integrate(f(x), x)** после функции указывается единственный аргумент интегрирования

Ответ:
переменная

Test7

Функция **ode2(% , y, x)** в Maxima находит общее решение для уравнения

Ответ:
дифференциального
дифференциальное

Test8

Функций **ic1, ic2** в Maxima предназначены для нахождения решений дифференциальных уравнения первого и второго порядков.

Ответ:
частных
частного

Test9

При выполнении в Maxima следующего присвоения:

x:make_array(flonum, n+1)\$

будет создан пустой одномерный значений размерности n+1.

Ответ:
массив

Test10

С помощью встроенных функций в Maxima **allroots** (*expr*), **realroots** (*expr*, *bound*), **find_root** (*expr*, *x*, *a*, *b*) можно находить значения корней алгебраических уравнений

Задания раздела 20.3 рекомендуются к использованию при проведении диагностических работ с целью оценки остаточных результатов освоения данной дисциплины (знаний, умений, навыков).